



**Université Internationale
de Casablanca**

LAUREATE INTERNATIONAL UNIVERSITIES

Nous innovons pour votre réussite !

Electricité et Electromagnétisme

Filière : CPI

Session : S1

Professeur : Dr. Laila DAMRI
Année universitaire : 2015 - 2016

Partie 1

Electricité

Chapitre 2

Charge électrique, champ électrique, potentiel, capacité, exemples industriels.

- Introduction
- Electrostatique
 - Charges électriques
 - Forces électrostatiques
 - Champs électrostatique
 - Energie potentielle électrostatique
 - Potentiel électrostatique
 - Relation champ-potentiel
 - Distribution des charges
 - Condensateur plan
 - Théorème de GAUSS

Introduction

Définition de l'électricité

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

- Mot d'origine grec qui signifie ambre.
- Le savant grec Thalès de Milet remarque que l'ambre jaune, une fois frotté sur du tissu ou de la fourrure, acquiert la propriété d'attirer à distance les corps légers tels que plumes, poussières, brindilles de paille (l'électricité statique).
- L'électricité ne sera vraiment découverte et étudiée qu'à partir du 16e siècle ...



Introduction

Définition de l'électricité

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Exemple

Le verre, l'ébonite (caoutchouc durci) ont aussi la propriété de s'électriser par frottement, chose qui est difficile dans le cas des métaux.

Remarque

Si on touche un morceau de métal avec une baguette chargée, on lui communique dans son entier la propriété d'attirer des petits objets.

- Cela permet de classer les matériaux entre conducteurs et isolants. Enfin, on constate que les objets isolants électrisés par contact se repoussent.

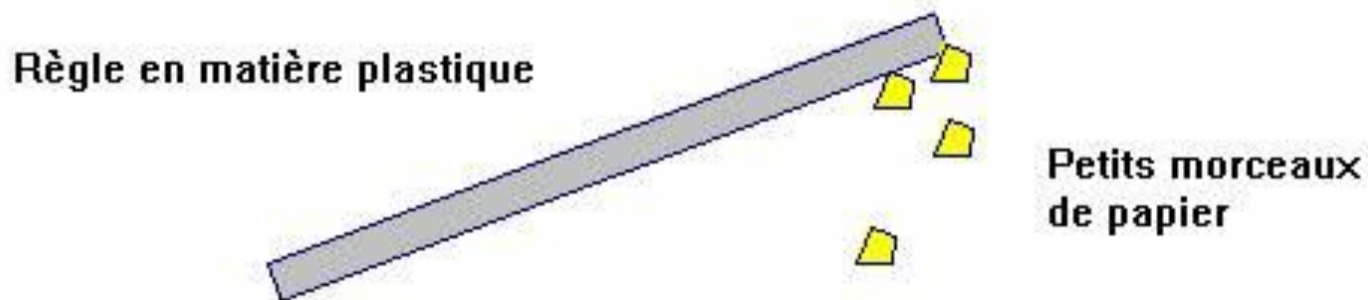
Introduction

Premières expériences

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Frotter une règle plastique sur de la laine. L'approcher de petits morceaux de papier posés sur la table.



La règle frottée attire des petits morceaux de papier.

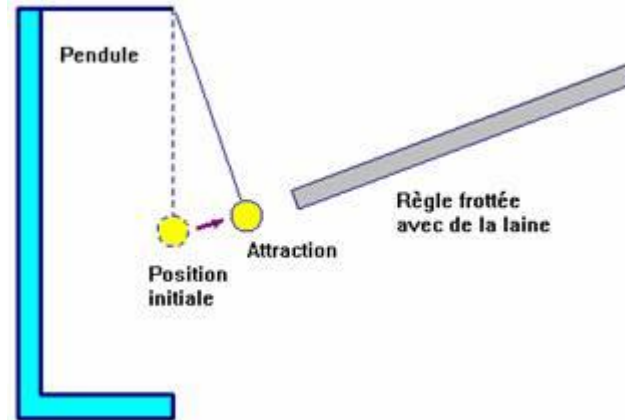
Introduction

Premières expériences

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Frotter une tige de verre avec du coton, on l'approche d'un pendule puis on le met en contact avec celui-ci.



La règle frottée attire la pendule

Mais pourquoi??

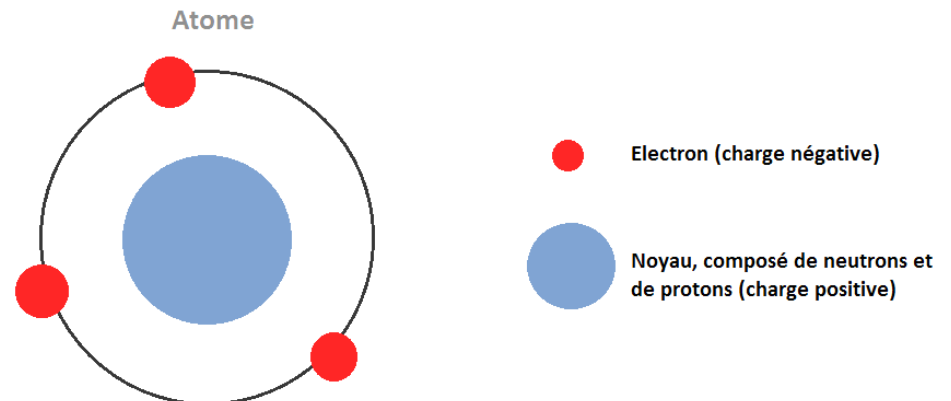
Introduction

Explication du phénomène

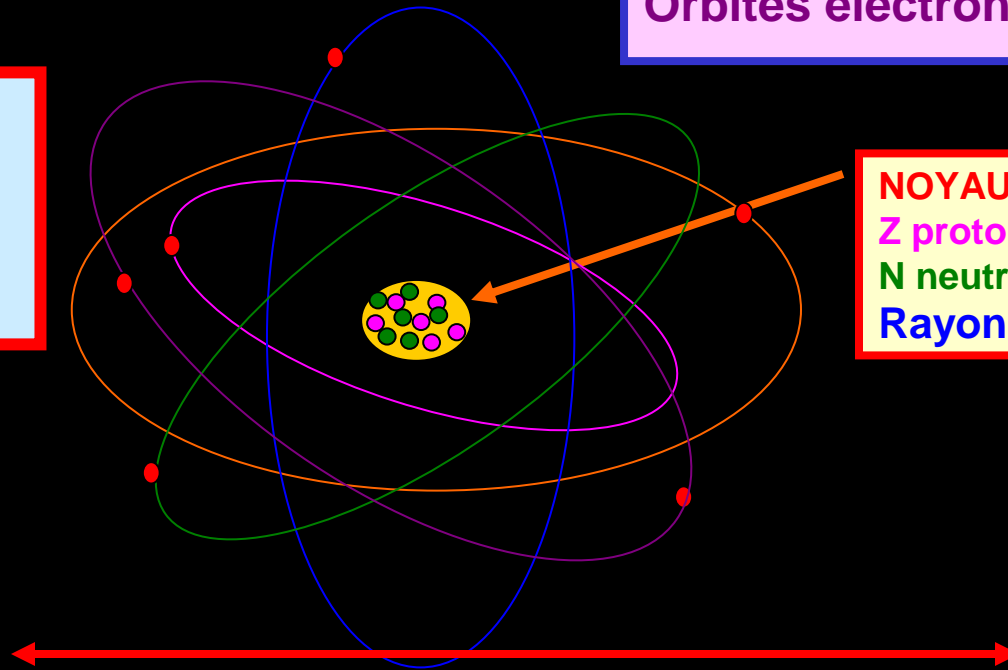
Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

- La matière est composée d'atomes. Un atome est une combinaison d'électrons qui gravitent autour d'un noyau.
- Les électrons sont chargés négativement tandis que le noyau comprend des neutrons, qui sont neutres, et des protons, qui sont chargés positivement.
- Il y a autant d'électrons que de protons ce qui fait que la matière est électriquement neutre.



Cortège électronique
Z électrons gravitant
autour du noyau
(pour un atome neutre)



Orbites électroniques

NOYAU
Z protons
N neutrons
Rayon : 10^{-14} m

Diamètre de l'atome : $2 \cdot 10^{-10}$ m

Représentation symbolique d'un atome (modèle planétaire)

Si l'échelle était respectée la taille de l'atome, de l'ordre de grandeur de l'Ångström (10^{-10} m) devrait être 10000 fois plus grande que celle du noyau (10^{-14} m).

La mole: unité de quantité de matière

Un échantillon normal de matière contient un très grand nombre d'atomes. Par exemple, **1 gramme** d'aluminium contient environ **$2,2 \times 10^{22}$ atomes** (22 000 000 000 000 000 000 000 atomes)! Pour éviter l'utilisation d'aussi grands nombres, on a créé une unité de mesure, **la mole**.

Une mole de divers composés

Élément	nombre d'atomes	Masse de l'échantillon
(g)Aluminium	$6,022 \times 10^{23}$	26,98
Fer	$6,022 \times 10^{23}$	55,85
Cuivre	$6,022 \times 10^{23}$	63,55
Or	$6,022 \times 10^{23}$	196,97

Une mole (symbole: mol) d'atomes contient $6,022 \times 10^{23}$ atomes. Ce nombre est appelé nombre d'Avogadro, son symbole est N_A . Ce nombre est le nombre d'atomes présent dans exactement 12g de ^{12}C .

$$N_A = 6,022 \times 10^{23}$$

Par définition on notera : **Z** le numéro atomique d'un noyau, c'est le nombre de protons qu'il contient.

A le nombre de masse d'un noyau, c'est le nombre de nucléons (protons+neutrons) qu'il contient. Ces deux nombres permettent de connaître complètement la composition du noyau.

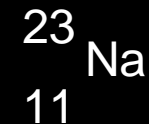
En effet : **Z** est le nombre de protons Le noyau contient **A** nucléons dont un nombre **Z** sont des protons, le restant **N=A-Z** est le nombre de neutrons

Représentation symbolique des atomes

Le noyau d'un élément quelconque **X** s'écrit à l'aide de **Z** et **A** sous la forme suivante :



Par exemple



Contient 11 protons et 12 neutrons

La masse des atomes

La masse d'un atome est égale à la somme des masses des particules qui le composent.

$$m_{\text{atome}} = Z.m_p + (A-Z).m_n + Z.m_e$$

masse des protons masse des neutrons masse des électrons

La masse d'un électron est plus faible que celle d'un nucléon (environ 2000 fois plus faible). On peut alors négliger la masse des électrons

La masse d'un atome est concentrée dans son noyau. La masse du cortège électronique est négligeable.

$$m_{\text{atome}} \sim m_{\text{noyau}} = Z.m_p + (A-Z).m_n$$

Exemple: Calculez la masse d'un atome de fer (Z=26;A=56)

Introduction

Explication du phénomène

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

- Les électrons sont susceptibles d'être transférés d'un atome à un autre, ce qui modifie la charge électrique de la matière :
 - Elle devient positive si elle a perdu des électrons
 - Elle devient négative si elle en a reçus.
- On dit que les électrons sont « arrachés ».

Introduction

Explication du phénomène

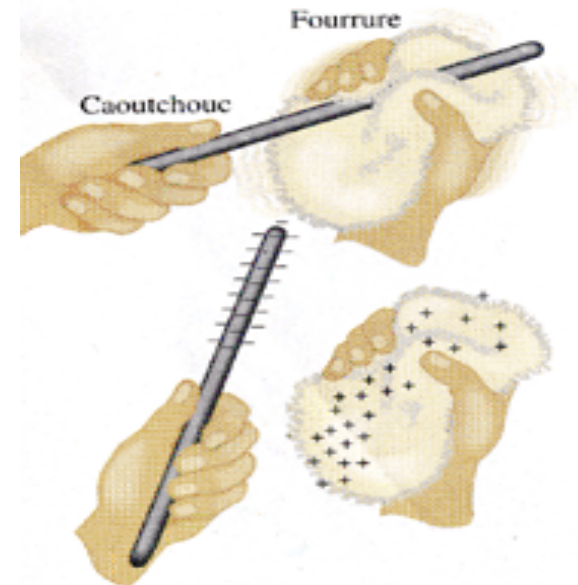
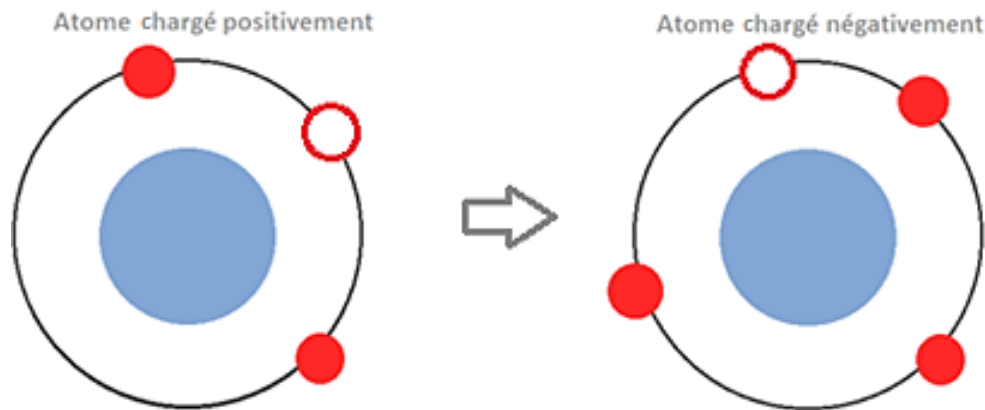
Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Exemple

Atome ayant initialement 3 électrons en a perdu un au profit d'un autre atome.

Le premier a donc plus de protons que d'électrons : il est chargé positivement, tandis que l'autre est chargé négativement.



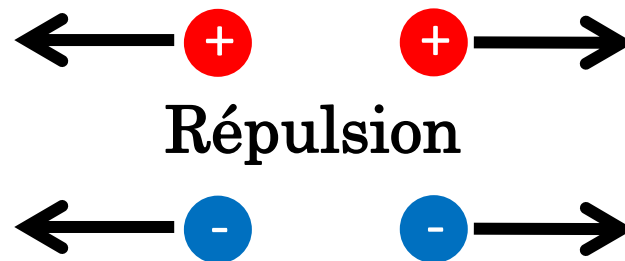
Introduction

Explication du phénomène

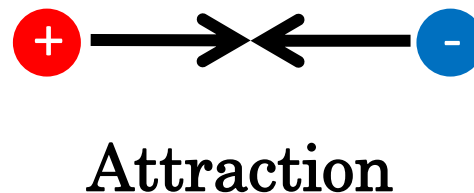
Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

- Deux charges électriques de même signe se repoussent.



- Deux charges électriques de signe opposé s'attirent.



Introduction

Loi de Coulomb

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

- En 1785, le physicien français Charles Augustin Coulomb établit expérimentalement la loi donnant la force existant entre deux charges électriques.
- Coulomb a énoncé le premier la loi physique exprimant la force qui s'exerce entre deux charges électriques en utilisant une balance de torsion.

Introduction

Loi de Coulomb

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

- Deux charges électriques au repos Q et q' s'attirent ou se repoussent mutuellement avec une force \mathbf{F} :
 - proportionnelle à chacune des charges Q et q' .
 - dirigée suivant la droite joignant les deux charges
 - inversement proportionnelle au carré de la distance r qui les sépare.

Introduction

Loi de Coulomb

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme



Lorsque les charges sont de même signe, le produit Qq' est positif et les forces d'interaction sont répulsives.



Lorsque les charges sont de signe opposé, le produit Qq' est négatif et les forces d'interaction sont attractives.

Introduction

Loi de Coulomb

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

En accord avec la troisième loi de Newton, on a : $\vec{F}_Q = -\vec{F}_{q'}$

Le module des forces est exprimé : $F = |\vec{F}_Q| = |\vec{F}_{q'}|$

- F_Q est la force exercée par q' sur Q .
- $F_{q'}$ est la force exercée par Q sur q' .

Electrostatique

Charge électrique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

- La force électrique se produit en deux objets à propriété particulière : charges électriques.
- Franklin a proposé de distinguer ces deux types de charge électrique par leur signe positif et négatif :
 - Charge positive : portée par une tige en verre.
 - Charge négative : portée par une règle en plastique.

Electrostatique

Charge électrique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Description de la matière

- Aspect discontinu développé avec l'électron constituant universel de la matière.
- Electron introduit en 1874 pour expliquer la conductivité électrique des liquides.
- Description par Perrin et Thomson à partir des recherches sur la décharge électrique de gaz et l'étude des rayons cathodiques.
- Détermination de la charge spécifique des particules q/m .
- Milikan : mesure de la charge absolue d'un électron : e

Electrostatique

Charge électrique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Quantification de la charge

- Charge électrique est constituée d'un multiple de charge élémentaire « e ».

$$e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C (Coulomb)}$$

Masse de l'électron

$$m = 9,108 \cdot 10^{-31} \text{ kg} \quad (\text{2000x plus petit que masse du proton})$$

Dans la matière, 2 types de charges :

- Electrons (charge -) : en orbite autour du noyau.
- Protons (charge +) : font partie du noyau.

Electrostatique

Charge électrique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Electrisation par frottement

Fait apparaître des charges électriques : cette action « arrache » les électrons de leurs emplacements et crée des charges de signes différents.

Exemple

- Drap frotté contre verre, produit une charge positive sur le verre.
- Bâton d'ébonite contre peau de chat, produit une charge négative sur le bâton.

Electrostatique

Charge électrique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Conservation de la charge

- Pas de création de charges électriques.
- Certain nombre d'électrons passent du chiffon à la règle ou de la tige au chiffon.
- Transfert de charge d'un objet à l'autre : si un objet acquiert une charge $+Q$, l'autre acquiert $-Q$. La somme des charges des deux objets reste nulle.

La quantité nette de charge électrique produite au cours de n'importe quelle transformation est nulle

Electrostatique

Charge électrique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Conservation de la charge

Mouvement des électrons crée une nouvelle grandeur fondamentale :
intensité du courant :

$$I = \frac{dq}{dt}$$

Grandeur [I], unité SI : Ampère (A).

Equation aux dimensions : [Q] = [I] [T]

Electrostatique

Forces électrostatiques

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Loi de Coulomb

La loi de Coulomb peut s'exprimer sous forme vectorielle la force exercée par Q sur q' de la manière suivante :

$$\vec{F}_{q'} = \frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \frac{Q \cdot q'}{r^2} \vec{u}$$

\vec{u} : un vecteur unitaire dirigé de Q vers q' .

r : la distance entre les deux charges.

ϵ_0 : la permittivité du vide.

$$\epsilon_0 = \frac{1}{36 \pi} 10^{-9} F/m$$

La permittivité est une grandeur liée à la réaction d'un milieu face à une interaction électrostatique (l'intensité de la force dépend de la nature du milieu, vide, air...).

Electrostatique

Champs électrostatiques

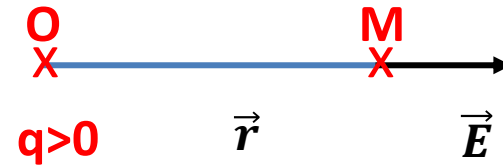
Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Définition

Une particule de charge q située en O crée en tout point M de l'espace distinct de O un champ vectoriel appelé champ électrostatique.

$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \vec{u}$$



L'unité SI de champ électrostatique est : Volt/mètre (V/m)

\vec{u} : vecteur unitaire dirigé de direction OM (O est le point où se trouve la charge q , sens O vers M)

r : distance OM

$$\vec{r} = r \vec{u}$$

Electrostatique

Champs électrostatiques

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Remarque

Cette façon de procéder implique une nouvelle vision de l'espace :

- les particules chargées se déplacent maintenant dans un espace où existe (se trouve défini) un champ vectoriel.
- Elles subissent une force en fonction de la valeur du champ au lieu où elle se trouve.

Electrostatique

Champs électrostatiques

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

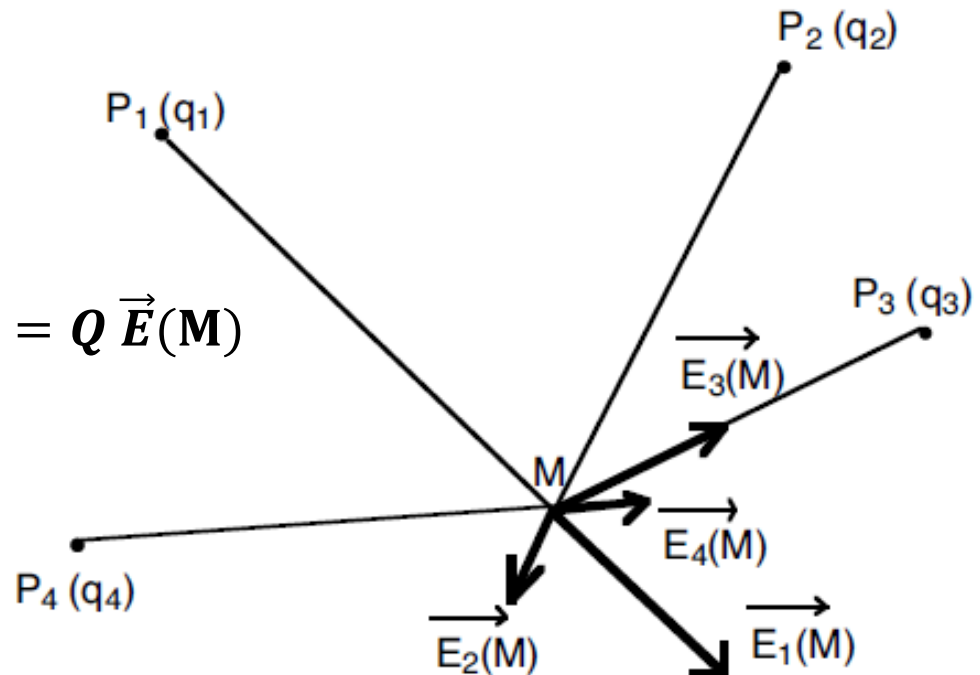
Additivité

On considère n particules de charges électriques q_i , situées en des points P_i : quel est le champ électrostatique créé par cet ensemble de charges en un point M ?

- Charge Q en M
- Vecteur unitaire \vec{u}_i .

$$\vec{F} = \sum_i \vec{F}_i = \sum_i \left(\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_i Q}{r_i^2} \vec{u}_i \right) = Q \vec{E}(M)$$

$$\vec{E}(M) = \sum_i \left(\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_i}{r_i^2} \vec{u}_i \right)$$



Electrostatique

Champs électrostatiques

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Additivité

La force totale subie par une charge Q située en M est la superposition des forces élémentaires.

$$\vec{E}(M) = \sum_i \left(\frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \frac{q_i}{r_i^2} \vec{u}_i \right)$$

$\vec{E}(M)$ représente le champ électrostatique créé par un ensemble discret de charges.

Cette propriété de superposition des effets électrostatiques est un fait d'expérience et énoncé comme le **principe de superposition** (comme tout principe, il n'est pas démontré).

Electrostatique

Champs électrostatiques

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Additivité

- D'une façon général, on utilise des distributions continues de charges.
- Soit P un point quelconque d'un conducteur et $dq(P)$ la charge élémentaire contenue en ce point. Le champ électrostatique total créé en un point M par cette distribution de charges est

$$\vec{E}(M) = \int \vec{dE}(M) \quad \text{avec} \quad \vec{dE}(M) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{r^2} \vec{u}$$

Electrostatique

Champs électrostatiques

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Lignes de champ

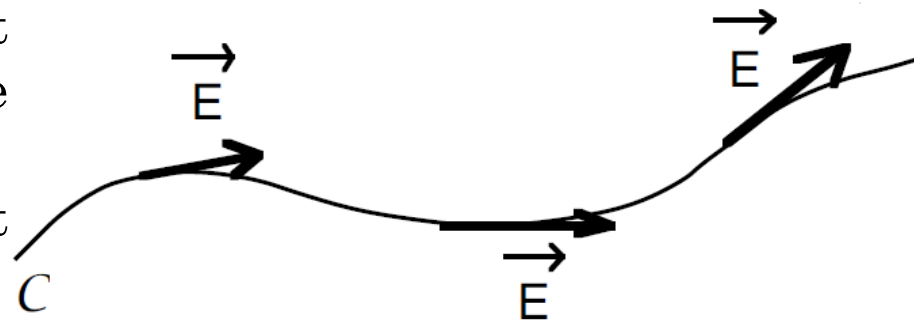
Le concept de lignes de champ (également appelées lignes de force) est très utile pour se faire une représentation spatiale d'un champ de vecteurs.

Définition . Une ligne de champ d'un champ de vecteur quelconque est une courbe C définie dans l'espace telle qu'en chacun de ses points le vecteur y soit tangent.

Considérons un déplacement élémentaire $d\vec{l}$ le long d'une ligne de champ électrostatique C .

Le fait que le champ \vec{E} soit en tout point de C parallèle à $d\vec{l}$ s'écrit :

$$\vec{E} \wedge d\vec{l} = \vec{0}$$



Electrostatique

Champs électrostatiques

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Exemple de charge ponctuelle

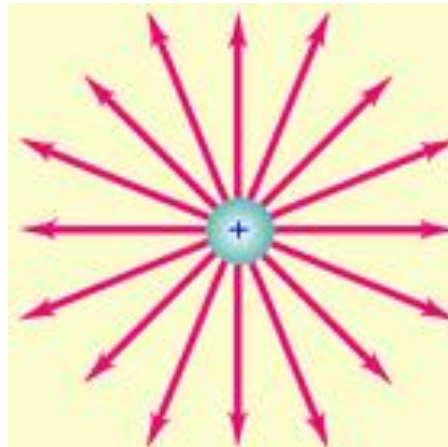
- Une charge ponctuelle est un modèle idéalisé d'une particule qui possède une charge électrique.
- Une charge ponctuelle est une charge électrique localisée en un point sans dimensions (ou négligeables devant la distance d'interaction).

Exemple d'une charge ponctuelle

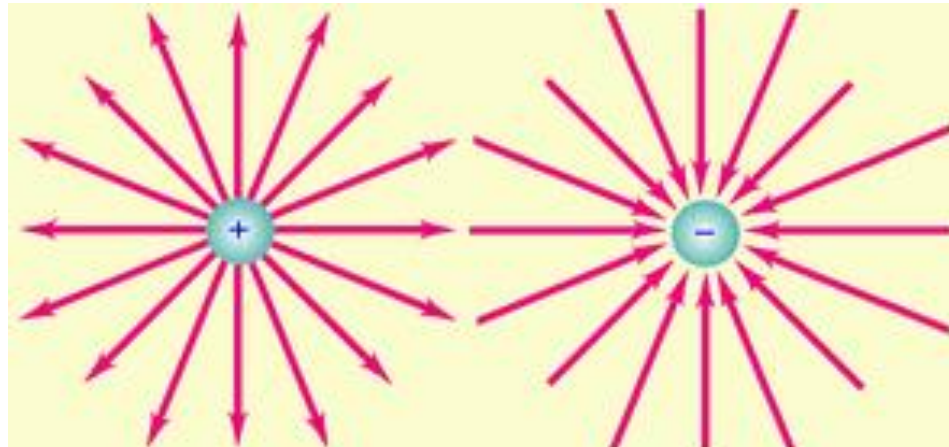
$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \vec{u}$$

- \vec{E} représente le champ électrique créé par la charge q .
- \vec{E} est tangent au rayon, les rayons constituent les lignes de champs.

Cas de charge $q > 0$



Cas de charge $q < 0$



Electrostatique

Energie potentielle électrostatique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

- L'énergie potentielle électrostatique (ou simplement énergie électrostatique) d'une charge électrique placée en un point baignant dans un potentiel électrique est définie comme le travail à fournir pour transporter cette charge depuis l'infini jusqu'à la position P .
- On peut représenter cette énergie dans le cas simple de l'interaction entre 2 charges ponctuelles.

Electrostatique

Energie potentielle électrostatique

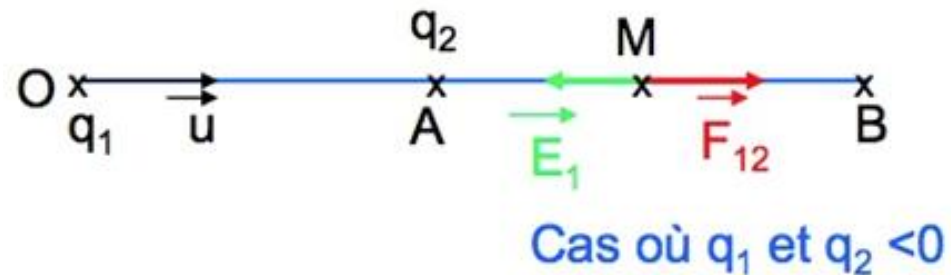
Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Champ électrostatique créé par q_1 en tout point

$$\vec{E}(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{r^2} \vec{u}$$

$$\vec{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \vec{u}$$



r correspond à la distance OA.

\vec{u} correspond au vecteur unitaire suivant OA.

Electrostatique

Energie potentielle électrostatique

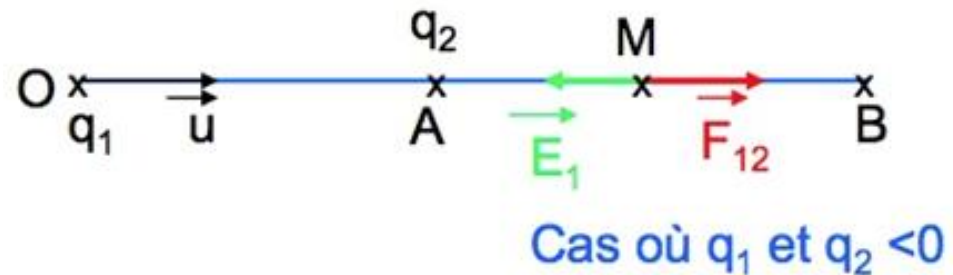
Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Champ électrostatique créé par q_1 en tout point

- On considère une charge q_1 en un point O fixe, générant dans l'espace un champ électrostatique .

- Une charge q_2 , soumise à une force électrostatique \vec{F} due à \vec{E} , se déplace alors d'un point A (on pose $r_A=OA$) à un point B (on pose $r_B=OB$).



- La force de Coulomb est une force conservative, tout comme l'interaction gravitationnelle : ne dépend pas du chemin suivi.

Electrostatique

Energie potentielle électrostatique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

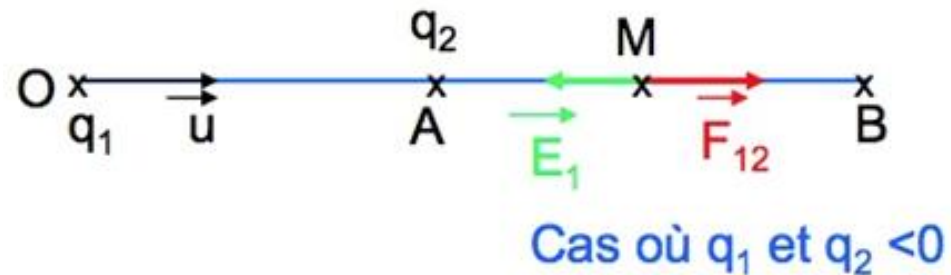
Champ électrostatique créé par q_1 en tout point

- Le travail de la force \vec{F} entre A et B vaut :

$$\delta W = \vec{F} \cdot \vec{dr}$$

\vec{F} et \vec{dr} sont parallèles

Le produit scalaire = $F \cdot dr$



$$W_{\vec{F}, A \rightarrow B} = \int_A^B \delta W = \int_A^B F \cdot dr$$

$$W_{\vec{F}, A \rightarrow B} = \int_A^B \frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \cdot dr$$

$$W_{\vec{F}, A \rightarrow B} = \frac{q_1 q_2}{4 \pi \epsilon_0} \cdot \int_A^B \frac{dr}{r^2} = \frac{q_1 q_2}{4 \pi \epsilon_0} \cdot \left[-\frac{1}{r} \right]_A^B = \frac{q_1 q_2}{4 \pi \epsilon_0} \left(\frac{1}{r_A} - \frac{1}{r_B} \right)$$

Champ électrostatique créé par q_1 en tout point

$$W_{\vec{F}, A \rightarrow B} = \frac{q_1 q_2}{4 \pi \epsilon_0} \left(\frac{1}{r_A} - \frac{1}{r_B} \right)$$

Par définition $\delta W = -d \cdot E_p$ donc $W_{AB} = E_p(A) - E_p(B)$

Energie potentielle de la charge q_2 dans le champ électrostatique créé par q_1 :

$$E_p(r) = \frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r} + cte$$

Champ électrostatique créé par q_1 en tout point

$$E_p(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r} + cte$$

- E_p est l'énergie potentielle d'interaction.
- E_p est symétrique en q_1 et q_2 (si on inverse q_1 et q_2 l'expression reste la même).
- E_p est exprimé en Joule (J).

Théorème de l'énergie cinétique

La variation de l'énergie cinétique est égale au travail des forces appliquées

$$W_{AB} = E_c(B) - E_c(A)$$

$$\Rightarrow dE_c = -dE_p \text{ ou encore } dE_c + dE_p = 0$$

L'énergie mécanique totale $E_M = E_c + E_p$ se conserve.

Signification de l'énergie potentielle

Une énergie stockée par le système et qui peut être transformée en énergie cinétique.

Electrostatique

Potentielle électrostatique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

- On peut écrire l'énergie potentielle sous la forme suivante :

$$E_p(\mathbf{r}) = \frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \frac{q_1}{r} q_2 = q_2 V_1(\mathbf{r})$$

ou

$$E_p(\mathbf{r}) = \frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \frac{q_2}{r} q_1 = q_1 V_2(\mathbf{r})$$

- On déduit le potentiel créé par la charge q_i à une distance r .

$$V_i(\mathbf{r}) = \frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \frac{q_i}{r} + cte$$

- $V_i(\mathbf{r})$ est défini à une cte près.
- D'une façon générale, le potentiel crée par une charge q à la distance r est :

$$V(\mathbf{r}) = \frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \frac{q}{r} + cte$$

Electrostatique

Potentielle électrostatique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Définition

- C'est une grandeur qui définit l'état électrique d'un point de l'espace. Elle correspond à l'énergie potentielle électrostatique que posséderait une charge électrique unitaire située en ce point.

$$V(\mathbf{r}) = \frac{E_p(\mathbf{r})}{q}$$

L'énergie potentielle d'une particule chargée en ce point divisée par la charge de la particule.

- ✓ Exprimée en Volts
- ✓ Notée V

- La différence de potentiel électrique entre deux points de l'espace (ou circuit) permet de calculer la variation d'énergie potentielle d'une charge électrique, ou de trouver plusieurs tensions inconnues dans un circuit électrique ou électronique.

Electrostatique

Potentielle électrostatique

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

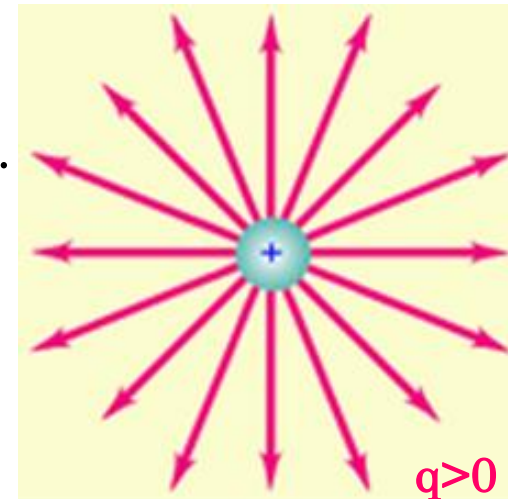
Exemple

- Sur une surface équipotentielle :
- Points (x, y, z) pour lesquels V est le même
- Pour une charge ponctuelle

$$V(\mathbf{r}) = \left(\frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \right) \frac{q}{r}$$

$$V = \text{cte pour } r = \text{cte}$$

- Surfaces équipotentielles sphères centrées sur q .
- Cet exemple montre que les lignes de champ sont perpendiculaires aux surfaces équipotentielles et orientées vers les V décroissants.
- Ces propriétés sont générales.



Electrostatique

Potentielle électrostatique

Partie 1: Electricité

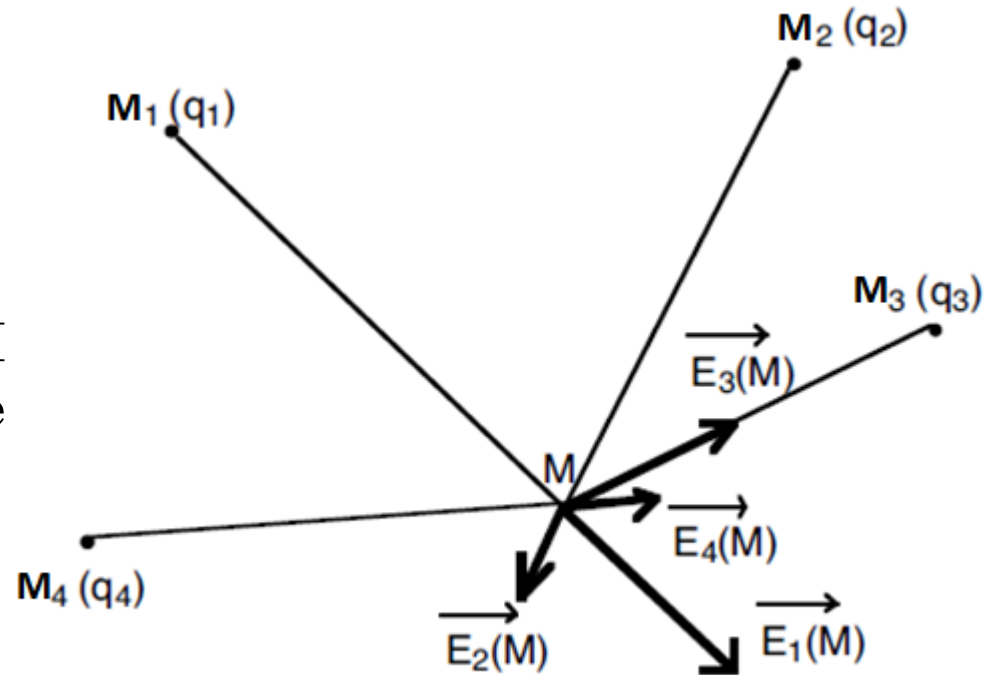
Partie 2: Electromagnétisme

Additivité

On considère plusieurs particules de charges électriques q_i , situées en des points M_i .

$$V(M) = \sum_i \left(\frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \frac{q_i}{r_i} \right) + cte$$

$V(M)$: potentiel V en M résultant de la distribution de charges q_i .



Electrostatique

Relation champ - potentiel

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Présentation

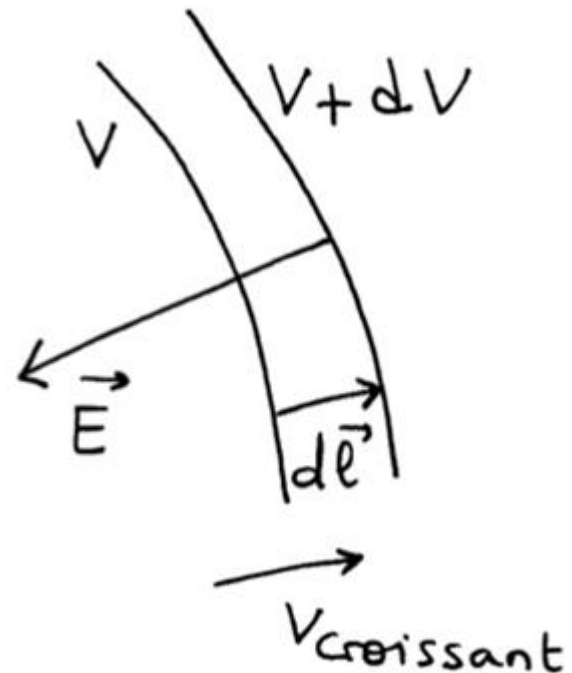
Lignes de champ perpendiculaires aux surfaces équipotentielles et orientées dans le sens des V décroissants.

Travail de force électrostatique :

$$\delta W = q \cdot \vec{E} \cdot d\vec{l} = -dE_p = -q dV$$

Soit $dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l}$

Cas général d'une charge. Il ne s'agit pas du potentiel créé par une charge ponctuelle, les surfaces équipotentielles V et $V+dV$ ne sont pas des sphères.



Présentation

- La variation dV lors d'un déplacement de composants dx , dy , dz peut aussi s'écrire :

$$dV = \frac{\partial V}{\partial x} dx + \frac{\partial V}{\partial y} dy + \frac{\partial V}{\partial z} dz$$

- Ressemble à un produit scalaire de $d\vec{l}$ avec un vecteur appelé gradient de la fonction V .

$$\overrightarrow{\text{grad}} V = \left(\frac{\partial V}{\partial x}, \frac{\partial V}{\partial y}, \frac{\partial V}{\partial z} \right)$$
$$dV = \overrightarrow{\text{grad}} V \cdot \overrightarrow{d\vec{l}}$$

Electrostatique

Relation champ - potentiel

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Présentation

- Les propriétés de ce vecteur sont :
 - Perpendiculaire aux équipotentiels
 - Dirigé suivant la direction donnant la plus forte variation de V
 - Orienté dans le sens des V croissants
- Cette notion de vecteur gradient est importante et très générale, elle permet de décrire la variation d'une grandeur dans tout l'espace.

Electrostatique

Distribution de charges

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Distribution discrète ou continue

- Répartition sur une ligne : $\lambda = \frac{dq}{dl}$ densité linéique
- Répartition sur une surface : $\sigma = \frac{ds}{dS}$ densité surfacique
- Répartition dans un volume : $\rho = \frac{dq}{dV}$ densité volumique

Toutes ces relations conduisent à un champ et potentiel électrostatiques en M.

Calcul de V donne accès au champ électrostatique par la relation :

$$\vec{E} = - \overrightarrow{grad} V$$

Electrostatique

Distribution de charges

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Chaque q en M sera soumise à une force électrostatique :

$$\vec{F} = q \vec{E}(\vec{r})$$

Son énergie potentielle sera : $E_p = q V(\vec{r})$

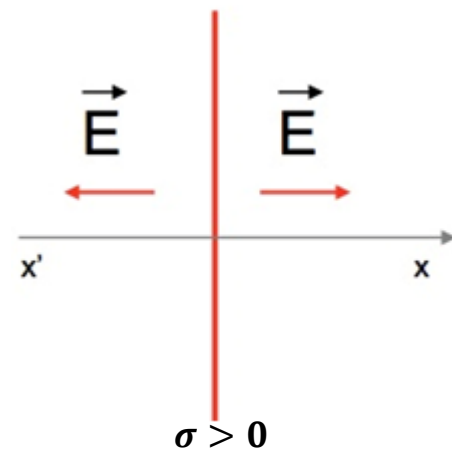
Exemple

Plan infini chargé en surface $\sigma = cte$

Il est assez facile de montrer que le champ est porté par xx' perpendiculaire au plan

Pour $\sigma > 0$ et $\sigma < 0$, il est possible (mais plus difficile) de démontrer que :

$$E = \frac{|\sigma|}{2 \epsilon_0}$$
$$V(M) = \frac{-\sigma}{2 \epsilon_0} |x|$$



σ densité surfacique de charge
origine de l'axe x sur le plan
 M un point quelconque d'abscisse x
 ϵ_0 permittivité du vide

Electrostatique

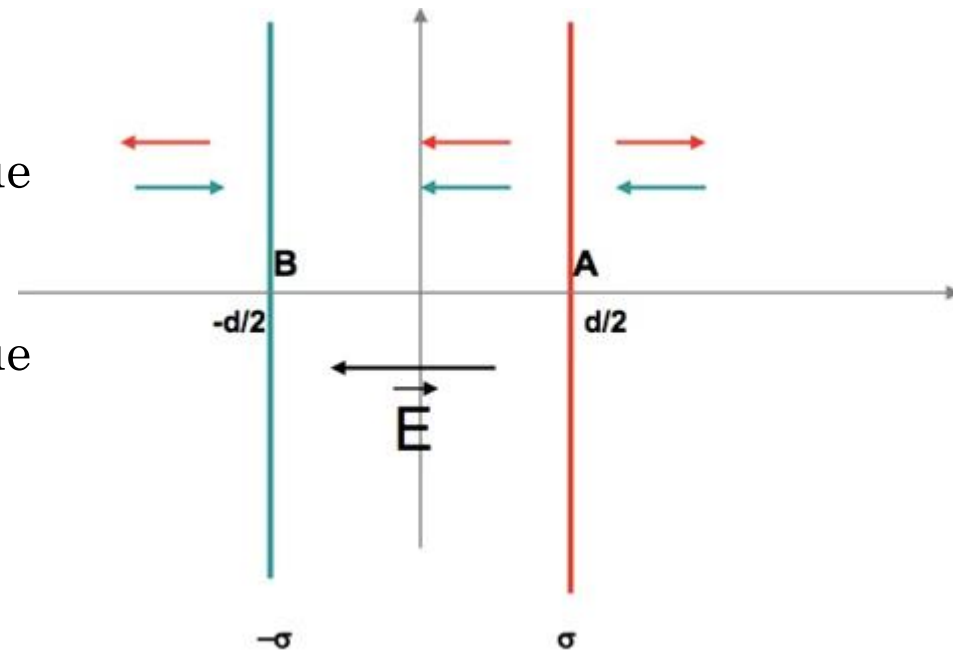
Condensateur plan

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Pour connaître le champ électrostatique et la différence de potentiel entre les 2 plans, il suffit de décomposer le condensateur et de considérer qu'il est la somme de plans infinis.

- En rouge : le champ électrostatique créé par la plaque chargée $+\sigma$
- En bleu : le champ électrostatique créé par la plaque chargée $-\sigma$
- Les normes des champs sont égales



Le champ résultant E :

$$\mathbf{E} = \frac{|\sigma|}{\epsilon_0} \text{ entre les plans, } \mathbf{E} = \mathbf{0} \text{ à l'extérieur}$$

Electrostatique

Condensateur plan

Partie 1: Electricité

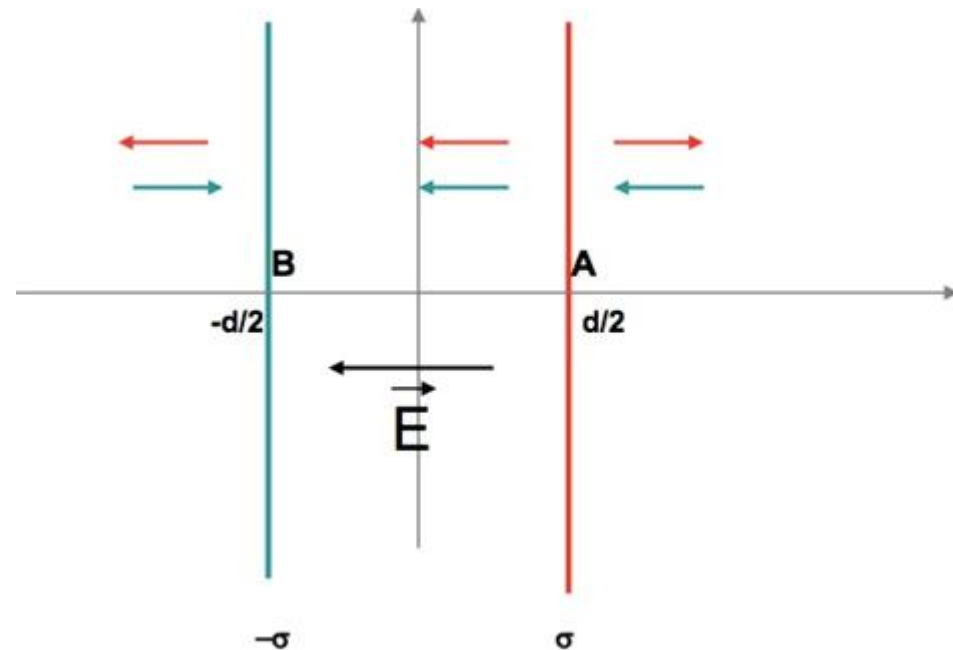
Partie 2: Electromagnétisme

La différence de potentiel : $V = V_A - V_B$ créé par plan $(-\sigma)$ en A - V créé par plan $(+\sigma)$ en B.

$$V = -(-\sigma) \frac{d}{2 \epsilon_0} - (-\sigma \frac{d}{2 \epsilon_0})$$

$$\text{donc } V = \frac{\sigma}{\epsilon_0} d$$

On remarque que $V = Ed$



Attention

Ici il s'agit de la différence de potentiel entre les 2 plaques ainsi que du champ électrique créé par les 2 plaques.

Electrostatique

Condensateur plan

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Présentation

- Le condensateur plan : 2 plaques conductrices parallèles, de surface S et de distance d , l'une avec charge $+Q$ et l'autre $-Q$ avec une répartition uniforme.

- Si on néglige les effets de bord :

$$\sigma = \frac{Q}{S} \text{ et } V = \frac{Q}{\epsilon_0 S} d$$

- $\frac{Q}{V}$ est la capacité du condensateur
- Son unité (SI) est le Farad (F).
- Sa capacité est calculée comme suit :

$$C = \frac{\epsilon_0 S}{d}$$

Electrostatique

Condensateur plan

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Energie stockée dans un condensateur

Charge q à $q + dq$ (potentiel constant)

Accroissement énergie potentielle : $dE_p = dq V = dq \frac{q}{C}$

Énergie stockée

Énergie à fournir pour passer de $q = 0$ à Q :

$$W = \int_0^Q \frac{q}{C} dq = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} = \frac{1}{2} QV = \frac{1}{2} CV^2$$

Remarque

Entre les armatures isolant ou diélectrique

$$C = \epsilon_0 \epsilon_r \frac{S}{d}$$

ϵ_r : Permittivité relative du diélectrique

Exemple

ϵ_r air $\sim 1,0006$, eau ~ 78 , mica ~ 7 , membrane de lipide ~ 8 .

Electrostatique

Théorème de GAUSS

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Introduction

Le théorème de Gauss établit une relation entre le flux du champ électrique à travers une surface fermée et la charge à l'intérieur de cette surface.

Cette relation a les propriétés suivantes :

- elle reflète les propriétés générales des champs électriques et ne se limite pas aux champs électrostatiques (contrairement à la loi de Coulomb);
- elle permet de déterminer simplement et de manière élégante l'expression du champ électrostatique créé par les distributions de charges qui présentent une symétrie appropriée (sphérique, cylindrique, plan, etc.).

Electrostatique

Théorème de GAUSS

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Introduction

Le théorème de Gauss établit une relation entre le flux du champ électrique à travers une surface fermée et la charge à l'intérieur de cette surface.

Cette relation a les propriétés suivantes :

- elle permet de faire la démonstration que la charge nette d'un conducteur en équilibre électrostatique est située à la surface de celui-ci.

Electrostatique

Théorème de GAUSS

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Énoncé de théorème de GAUSS

Pour une surface Σ fermée (orienté vers l'extérieur) enfermant une charge Q_{int} dans le vide, on a l'égalité suivante :

$$\oiint \vec{E}(M) \cdot \vec{dS} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$$

Electrostatique

Théorème de GAUSS

Partie 1: Electricité

Partie 2: Electromagnétisme

Application

Calculer le champ créé par un fil infini chargé uniformément avec une densité λ .

